

# Nonlinear Impacts of Public Debt on Economic Growth: A Dynamic Panel Threshold Approach

Roohollah Zare<sup>1</sup>

**Abstract** This paper investigates the nonlinear impacts of public debt on economic growth by employing a dynamic panel threshold model. Empirical results for the period 2000-2017 indicate that the threshold level of debt to GDP ratio is about 94 percent for 34 high-income countries. The empirical findings also indicate that the debt ratio has a significantly negative impact on economic growth before and after the estimated threshold level, with a much stronger impact after the estimated threshold level. In other words, the regime of the impact of debt on economic growth has changed when the debt ratio has exceeded the 94% threshold level, and since then the increase in debt has had a more negative effect on economic growth. So, one percent increase in the debt ratio in the low debt ratio regime has led to a decrease of 1.018 percent in economic growth, and in the high debt ratio regime has caused a decrease of 4.265 percent in economic growth.

**Keywords:** Debt Ratio, Economic Growth, Nonlinear Impacts, Dynamic Panel Threshold, High-Income Countries.

**JEL Classification:** C23, H63, O40.

1. Assistant Professor, Department of Economics, Islamic Azad University, Beyza Branch, Iran.

# اثرهای غیرخطی بدھی عمومی بر رشد اقتصادی: روش پانل آستانه‌ای پویا

zare@biau.ac.ir

روح الله زارع

استادیار گروه اقتصاد، واحد بیضا، دانشگاه آزاد اسلامی،  
بیضا، ایران.

مقاله پژوهشی

پذیرش: ۱۳۹۹/۰۶/۱۹

دریافت: ۱۳۹۸/۰۷/۱۴

چکیده: در این پژوهش اثرهای غیرخطی بدھی عمومی دولت بر رشد اقتصادی با بکارگیری روش پانل آستانه‌ای پویا مورد بررسی قرار می‌گیرد. نتایج تخمین برای دوره زمانی ۲۰۱۷-۲۰۰۰ نشان می‌دهد که در ۳۴ کشور با درآمد بالا مقدار آستانه‌ای نسبت بدھی در حدود ۹۴ درصد GDP است. طبق یافته‌های این پژوهش، نسبت بدھی در قبل و بعد از این حد آستانه‌ای برآورده شده اثر منفی و معناداری بر رشد اقتصادی دارد، اگرچه میزان این اثرگذاری در بعد از این حد آستانه‌ای برآورده بهراتب بیشتر است. به عبارت دیگر، رژیم اثرگذاری بدھی بر رشد اقتصادی، در زمانی که نسبت بدھی از حد آستانه‌ای ۹۴ درصد فراتر است، تغییر می‌کند و از آن حد به بعد افزایش بدھی اثر منفی شدیدتری بر رشد اقتصادی می‌گذارد، به طوری که یک درصد افزایش در نسبت بدھی در رژیم با نسبت بدھی پایین به کاهش ۱۰/۱ درصد در رشد اقتصادی منجر می‌شود و در رژیم با نسبت بدھی بالا کاهش ۴/۲۶۵ درصدی را در رشد اقتصادی ایجاد می‌کند.

**کلیدواژه‌ها:** نسبت بدھی، رشد اقتصادی، اثرهای غیرخطی، پانل آستانه‌ای پویا،  
کشورهایی با درآمد بالا  
**طبقه‌بندی JEL:** C23, H63, O40

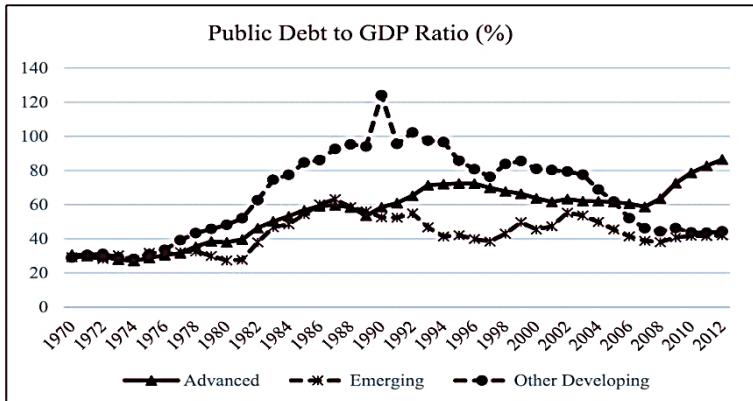
## مقدمه

از زمان شروع بحران مالی جهانی در سال ۲۰۰۹ کشورهای عضو G۲۰<sup>۱</sup> اقدام‌های پولی و مالی بسیار گسترده‌ای برای حفظ تقاضای کل در سطح جهانی انجام داده‌اند. این اقدام‌ها به ایجاد بحران بدھی در این کشورها منجر شده است، بهطوری که نسبت بدھی به تولید ناخالص داخلی<sup>۲</sup> در این کشورها بهشت افزایش یافته و در اوایل سال ۲۰۱۲ به اوج خود رسیده است (Brida *et al.*, 2017). در حالی که نسبت بدھی‌های دولتی به تولید ناخالص داخلی در سه دهه گذشته به میزان قابل توجهی افزایش می‌یابد، این روند صعودی در بدھی‌های دولتی در کشورهای صنعتی نسبت به سایر کشورها بیشتر است. همان‌طور که در نمودار (۱) مشاهده می‌شود، نسبت بدھی به تولید ناخالص داخلی در اقتصادهای پیشرفته از دهه ۱۹۷۰ میلادی تقریباً سه برابر است. از سوی دیگر، کشورهای در حال توسعه نسبت بدھی عمومی خود را در ۱۵ سال گذشته پس از الگوی تشدید بدھی در دهه‌های ۱۹۸۰ و ۱۹۹۰ که به سطح درصد تولید ناخالص داخلی می‌رسید، کاهش می‌دهند. با این حال، نسبت بدھی در اقتصادهای نوظهور در نرخ‌های بهنسبت متوسط باقی می‌ماند (Karadam, 2018). روند افزایش نسبت بدھی پس از بحران مالی جهانی در سال ۲۰۰۸ برای ۳۴ کشور با درآمد بالا<sup>۳</sup> که در پژوهش حاضر بررسی می‌شوند، بهروشی در نمودار (۲) قابل مشاهده است. متوسط نسبت بدھی از سطوح زیر ۵۰ درصد در سال‌های قبل از بحران مالی جهانی به سطوح فراتر از ۵۰ درصد و حتی به سطح ۶۷ درصد در سال ۲۰۱۴ می‌رسد، اگرچه بعد از آن سال متوسط نسبت بدھی اندکی کاهش دارد. در مقابل، متوسط رشد اقتصادی کشورهای مورد بررسی در سال‌های بعد از بحران مالی جهانی نسبت به سال‌های قبل از آن کاهش می‌یابد. متوسط رشد اقتصادی در مجموعه این کشورها پیش از سال ۲۰۰۸ تا حد ۵ درصد نیز افزایش دارد، ولی در سال ۲۰۰۸ به حدود ۱ درصد و در سال ۲۰۰۹ به رقم بی‌سابقه ۵-درصد سقوط می‌کند. در سال‌های بعد، دوباره متوسط نرخ رشد اقتصادی افزایش می‌یابد، ولی از سطح ۳ درصد فراتر نمی‌رود.

۱. گروه ۲۰ یا گروه بیست اقتصاد بزرگ متشكل از قدرتمندترین کشورهای جهان در زمینه اقتصاد است که در مجموع ۹۰ درصد کل اقتصاد جهانی، ۸۰ درصد تجارت جهانی، دو سوم جمعیت جهان، و تقریباً نیمی از مساحت کره زمین را در بر دارند. این کشورها شامل ایالات متحده آمریکا، اتحادیه اروپا، فرانسه، بریتانیا، آلمان، ایتالیا، چین، ژاپن، روسیه، عربستان سعودی، اندونزی، استرالیا، ترکیه، بربزیل، آرژانتین، کانادا، هند، کره جنوبی، آفریقای جنوبی، و مکزیک می‌شوند.

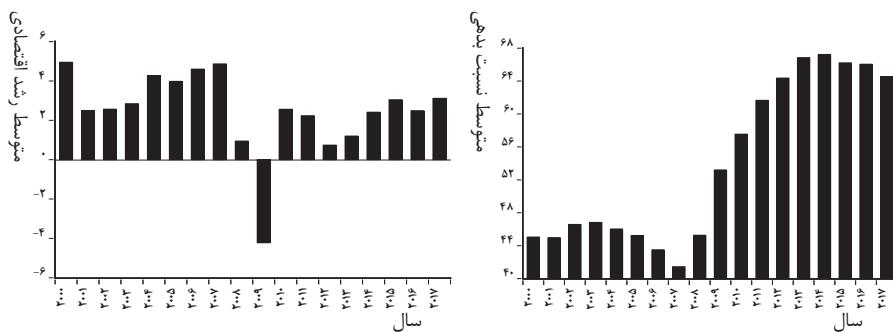
### 2. Debt to GDP Ratio

۳. فهرست کشورها در بخش داده‌ها اشاره می‌شود.



نمودار ۱: نسبت بدھی در کشورهای پیشرفته، نوظہور، و دیگر کشورهای در حال توسعہ در سال‌های ۱۹۷۰-۲۰۱۲

منبع: کارادام (۲۰۱۸).



نمودار ۲: متوسط نسبت بدھی و رشد اقتصادی در ۳۴ کشور با درآمد بالا در سال‌های ۲۰۰۰-۲۰۱۲

منبع: داده‌های پژوهش

در سال‌های اخیر، پژوهش‌های زیادی به بررسی ارتباط بین بدھی عمومی و رشد اقتصادی می‌پردازند. بسیاری از آن‌ها شواهدی از اثر منفی بدھی بر رشد اقتصادی ارائه می‌دهند (Karadam, 2018). برخی به یک ارتباط غیرخطی بین این دو متغیر اشاره می‌کنند، به طوری که اگر بدھی‌های عمومی دولت از یک سطح معینی فراتر رود، تأثیر منفی بر رشد اقتصادی می‌گذارد. برای مثال

رینهارت و راگوف<sup>۱</sup> (۲۰۱۰)، یک حد آستانه‌ای ۹۰ درصد را برای نسبت بدهی برآورد می‌کنند که از آن حد به بعد بدهی اثر منفی بر رشد اقتصادی دارد. این بافته در دیگر پژوهش‌ها نیز تایید می‌شود. سکچتی و همکاران<sup>۲</sup> (۲۰۱۱)، حد آستانه‌ای ۸۵ درصد را برای نسبت بدهی در کشورهای عضو OECD، و باوم و همکاران<sup>۳</sup> (۲۰۱۳)، حد آستانه‌ای ۹۵ درصد را در ۱۲ کشور عضو اتحادیه اروپا برآورد می‌کنند. با وجود این، برخی پژوهش‌ها نشان می‌دهند که حد آستانه‌ای نسبت بدهی به همه کشورها تعیین‌پذیر نیست و در طول زمان تغییر می‌کند (Égert, 2015). بنابراین، رابطه غیرخطی بین بدهی و رشد اقتصادی را نمی‌توان مسلم فرض نمود و فهم این رابطه نیازمند انجام پژوهش‌های تجربی بیشتری است.

در این پژوهش، برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدهی و رشد اقتصادی و برآورد حد آستانه‌ای نسبت بدهی در ۳۴ کشور با درآمد بالا از روش پانل آستانه‌ای پویا<sup>۴</sup> استفاده می‌شود که توسط کرم و همکاران<sup>۵</sup> (۲۰۱۳) ارائه می‌شود<sup>۶</sup>. با توجه به این‌که مدل رشد اقتصادی به‌ذات یک فرایند پویاست، بنابراین استفاده از یک مدل پانل پویا مناسب‌تر از مدل‌های ایستاست. پس سه‌م پژوهش حاضر در ادبیات، بررسی رابطه غیرخطی بین بدهی و رشد اقتصادی با استفاده از روش پانل آستانه‌ای پویاست. ادامه این پژوهش به این صورت سازماندهی می‌شود. در بخش بعد مبانی نظری ارائه می‌شود و پژوهش‌های تجربی گذشته مرور می‌شوند. در بخش سوم روش‌شناسی پژوهش، روش تخمین مدل، و داده‌های مورد استفاده گزارش می‌شود. نتایج تجربی در بخش چهارم ارائه می‌شود و بخش پنجم به بحث و نتیجه‌گیری اختصاص می‌یابد.

## مبانی نظری پژوهش

بحران مالی جهانی سال ۲۰۰۸ و بحران بدهی‌های متعاقب آن، بهویژه در منطقه اروپا، بحث‌های مربوط به تاثیر بدهی‌های عمومی بر رشد اقتصادی را تشدید می‌کند (Brida *et al.*, 2017). نظریه‌های متعارف علم اقتصاد بیان می‌کنند که افزایش بدهی عمومی در کوتاه‌مدت از طریق تحریک تقاضای کل اثر

1. Reinhart & Rogoff

2. Cecchetti *et al.*

3. Baum *et al.*

4. Dynamic Panel Threshold Model

5. Kremer *et al.*

۶. مزایای استفاده از این روش نسبت به سایر روش‌های رقیب در بخش روش تخمین توضیح داده می‌شود.

مثبتی بر رشد اقتصادی دارد، اگرچه بسیاری از نظریه‌های اقتصادی به یک رابطه منفی بین بدھی و رشد اقتصادی در بلندمدت اشاره می‌کنند. برای مثال، افزایش بدھی عمومی می‌تواند سرمایه‌گذاری خصوصی را با افزایش نرخ بهره بلندمدت کاهش دهد (اثر جایگزینی<sup>۱</sup>). همچنین، افزایش بدھی عمومی با افزایش نرخ تورم یا با انحراف مالیاتی در آینده<sup>۲</sup> می‌تواند به کاهش رشد اقتصادی منجر شود (Karadam, 2018). پژوهش‌های تجربی زیادی وجود دارند که شواهدی از تاثیر منفی بدھی بر رشد اقتصادی ارائه می‌دهند (Gale & Orszag, 2003; Kumar & Baldacci, 2010; Bräuninger, 2007; Futagami *et al.*, 2012) از سویی دیگر، برخی از نظریه‌های اقتصادی به یک رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی اشاره می‌کنند، به طوری که سطوح پایین بدھی باعث افزایش رشد اقتصادی، و سطوح بالای بدھی اثرهای مخربی بر رشد اقتصادی دارد. زیرا کشورها در مراحل اولیه توسعه نیاز به استقراض دارند تا از فرسته‌های سرمایه‌گذاری با نرخ بازدهی بالا بهره‌مند شوند؛ البته در صورتی که بدھی خود را به موقع بازپرداخت نمایند. استقراض به خانوارها امکان هموارسازی مصرف در مواجهه با نوسان‌های درآمد، به بنگاه‌ها امکان هموارسازی سرمایه‌گذاری و تولید در مواجهه با نوسان‌های فروش، و به دولت امکان هموارسازی مالیات‌ها در مواجهه با نوسان‌های مخارج دولتی را می‌دهد. با این حال، تجمع بدھی خطراتی دارد، از جمله این که با افزایش بدھی توانایی قرض گیرندگان (خانوارها، بنگاه‌ها، دولت)، برای بازپرداخت بدھی به طور فزاینده‌ای کاهش می‌یابد (Cecchetti *et al.*, 2011). نظریه «بدھی مازاد»<sup>۳</sup> بیان می‌کند که بدھی بالا باعث می‌شود سرمایه‌گذاران انتظار داشته باشند که مالیات‌ها در آینده در جهت بازپرداخت بدھی‌ها منحرف شود، و کاهش سرمایه‌گذاری داخلی و خارجی در آینده، به نوبه خود موجب کاهش تشکیل سرمایه می‌شود (Krugman, 1988). «منحنی لاف بدھی»<sup>۴</sup> مطرح می‌کند که حجم بدھی بالاتر با احتمال پایین‌تر بازپرداخت بدھی همراه است. همچنین، سطوح بالای بدھی می‌تواند از طریق کاهش «بهره‌وری کل عوامل تولید»<sup>۵</sup> باعث کاهش رشد اقتصادی شود، زیرا حجم بالای بدھی به احتمال انگیزه‌های دولت را برای انجام اصلاحات سیاستی پرهزینه و سخت، بهبود فناوری، و استفاده کارا از منابع کاهش می‌دهد (Poirson *et al.*, 2004).

رینهارت و راگوف (۲۰۱۰)، با بررسی داده‌های ۴۴ کشور خاطرنشان می‌کنند که کشورهایی که نسبت بدھی به تولید ناخالص داخلی آن‌ها بیش از ۹۰ درصد است، رشد اقتصادی پایین‌تری تجربه می‌کنند. سکچتی و همکاران (۲۰۱۱)، با بررسی کشورهای عضو OECD و با بکارگیری مدل پانل

1. Crowding-Out Effect
2. Future Distortionary Taxation
3. Debt Overhang
4. Debt Laffer Curve
5. Total Factor Productivity

آستانه‌ای هنسن<sup>۱</sup> (۱۹۹۹)، درمی‌یابند که اگر نسبت بدھی به تولید ناخالص داخلی بالای ۸۵ درصد باشد، بدھی اثر منفی بر رشد اقتصادی دارد. با بکارگیری روش مشابهی باوم و همکاران (۲۰۱۳)، نشان می‌دهند که در نسبت بدھی بالای ۹۵ درصد، بدھی اثر منفی بر رشد اقتصادی در ۱۲ کشور عضو اتحادیه اروپا در دوره ۱۹۹۰-۲۰۱۰ دارد. آن‌ها نتیجه می‌گیرند که در نسبت بدھی زیر ۶۶ درصد، بدھی اثر مثبتی بر رشد اقتصادی می‌گذارد. کارادام (۲۰۱۸)، با بکارگیری روش رگرسیون انتقال ملایم پانلی<sup>۲</sup> برای ۱۳۵ کشور توسعه‌یافته و در حال توسعه در دوره ۱۹۷۰-۲۰۱۲ حد آستانه‌ای ۱۰۶ درصدی را برای نسبت بدھی برآورد می‌کند؛ اگرچه حد آستانه‌ای برآورده برای کشورهای در حال توسعه ۸۸ درصد است. به عبارت دیگر، اثرهای منفی بدھی بر رشد اقتصادی در کشورهای در حال توسعه در سطوح پایین‌تر نسبت بدھی نمایان می‌شود.

یکی از ساده‌ترین و متداول‌ترین روش‌های آزمون رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی از طریق قرار دادن عبارت درجه دوم نسبت بدھی در معادله رشد است. چجریتا - وستفال و روتر<sup>۳</sup> (۲۰۱۲)، با بکارگیری این روش برای ۱۲ کشور عضو منطقه اروپا در دوره ۱۹۷۰-۲۰۱۰ درمی‌یابند که در نسبت بدھی بالای ۹۰-۱۰۰ درصد، بدھی اثر منفی بر رشد اقتصادی دارد. با وجود این، برخی پژوهش‌ها نشان می‌دهند که حد آستانه‌ای ۹۰ درصد که توسط رینهارت و راگوف (۲۰۱۰) بیان می‌شود، به همه کشورها تعیین‌پذیر نیست و در طول زمان تغییر می‌کند. برای مثال اگرت (۲۰۱۵)، با بکارگیری مدل آستانه‌ای هنسن (۱۹۹۹)، برای طیف وسیعی از کشورها و در دوره‌های زمانی مختلف بیان می‌کند که رابطه منفی بین بدھی و رشد اقتصادی در سطوح پایین‌تر نسبت بدھی (بین ۲۰ تا ۶۰ درصد تولید ناخالص داخلی) وجود دارد. بنابراین، او نتیجه می‌گیرد که سقف نسبت بدھی ۹۰ درصد بیان شده توسط رینهارت و راگوف (۲۰۱۰)، یک عدد جادویی نیست که بعد از آن عدد، افزایش بدھی اثر منفی بر رشد اقتصادی داشته باشد. این عدد می‌تواند پایین‌تر باشد و رابطه غیرخطی منفی بین بدھی و رشد اقتصادی بین کشورهای مختلف و در دوره‌های زمانی مختلف می‌تواند متفاوت باشد. این نتیجه توسط پژوهشگران دیگری مانند ابرهارت و پرسبیترو<sup>۴</sup> (۲۰۱۳)، و پسکاتوری و همکاران<sup>۵</sup> (۲۰۱۴) نیز تایید می‌شود. بنابراین، رابطه غیرخطی منفی بین بدھی و رشد اقتصادی را نمی‌توان مسلم فرض نمود.

1. Hansen Panel Threshold Model
2. Panel Smooth Transition Regression (PSTR)
3. Checherita-Westphal & Rother
4. Eberhardt & Presbitero
5. Pescatori *et al.*

## روش‌شناسی پژوهش

قرار دادن عبارت درجه دوم نسبت بدھی در معادله رشد برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی از این محدودیت برخوردار است که حد آستانه‌ای نسبت بدھی را به صورت برونزآ تعیین می‌کند (Karadam, 2018)، و این فرض محدود کننده نیز دیده می‌شود که قبل و بعد از حد آستانه‌ای، یک رابطه مثبت یا منفی بین بدھی و رشد اقتصادی وجود دارد. اگرچه قبل و بعد از این حد آستانه‌ای، ممکن است رابطه معناداری بین این دو متغیر وجود نداشته باشد یا در صورت وجود رابطه معنادار بین این دو متغیر، میزان تاثیر بدھی بر رشد اقتصادی قبل و بعد از حد آستانه‌ای متفاوت باشد. حتی ممکن است بیش از یک حد آستانه‌ای وجود داشته باشد که این روش قادر به رفع این محدودیت‌ها نیست. برای برطرف کردن این محدودیت‌ها می‌توان از مدل پانل آستانه‌ای هنسن (1999) استفاده کرد. در این روش، حدود آستانه‌ای نسبت بدھی به صورت درونزا و با توجه به ساختار داده‌های مورد استفاده تعیین می‌شود. بکارگیری این روش نیز بدون اشکال نیست. مهم‌ترین مشکل این روش الزام برونزایی همه متغیرهای مستقل مدل است، در حالی که این الزام در مدل‌های رشد با داده‌های پانل بسیار غیرمحتمل به نظر می‌رسد (Kremer *et al.*, 2013). همچنین، مدل رشد اقتصادی بهذات یک فرایند پویاست، بنابراین استفاده از یک روش پانل پویا برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی مناسب‌تر از مدل ایستای پانل آستانه‌ای هنسن (1999) است. البته تکنیک‌های آستانه‌ای ارائه شده توسط هنسن (۲۰۰۰)، و کانر و هنسن<sup>۱</sup> (۲۰۰۴)، می‌توانند مدل‌های پویا را تخمین بزنند، اما هر دو تکنیک مبتنی بر داده‌های مقطعی<sup>۲</sup> است. در حالی که استفاده از داده‌های پانل مفید‌تر است، زیرا اطلاعات بیشتری در اختیار ما قرار می‌دهند و احتمال بروز همخطی را کاهش می‌دهند. همچنین، مشکل ناهمسانی بین کشورها<sup>۳</sup> را کنترل می‌کنند. کمر و همکاران (۲۰۱۳)، مدل پانل آستانه‌ای ایستای<sup>۴</sup> هنسن (1999)، و مدل مقطعی آستانه‌ای متغیرهای ابزاری<sup>۵</sup> کانر و هنسن (۲۰۰۴) را توسعه می‌دهند. آن‌ها برای رفع مشکل درونزاگی از روش گشتاورهای تعمیم‌یافته (GMM)<sup>۶</sup> استفاده می‌کنند. مدل آستانه‌ای پیشنهادی آن‌ها به صورت رابطه (۱) است:

1. Caner & Hansen

2. Cross-Section

3. Cross Country Heterogeneity

4. Static Panel Threshold Model

5. Cross-Sectional Instrumental Variable (IV) Threshold Model

6. Generalized Methods of Moments (GMM)

$$g_{it} = \mu_i + \beta_1 d_{it} I(d_{it} \leq \lambda) + \delta_1 I(d_{it} > \lambda) + \beta_2 d_{it} I(d_{it} > \lambda) + \gamma X_{it} + \theta_t + \varepsilon_{it} \quad (1)$$

که در این رابطه  $g_{it}$  نشان‌دهنده رشد اقتصادی (رشد GDP) واقعی به قیمت‌های ثابت سال ۲۰۱۰،  $\mu_i$  نشان‌دهنده اثر ثابت هر کشور،  $\theta_t$  نشان‌دهنده اثر زمان،  $d$  بیانگر متغیر آستانه‌ای نسبت بدھی (که از تقسیم بدھی عمومی دولت به GDP به دست می‌آید) است، و  $\lambda$  پارامتر آستانه‌ای است. مقدار  $\lambda$  نامشخص است که توسط مدل به صورت درون‌زا تعیین می‌شود.  $(.)I$  تابع نشانگر است که اگر عبارت درون پرانتر درست باشد، مقدار ۱ به خود می‌گیرد و در غیر این صورت، مقدار ۰ می‌گیرد.  $X_{it}$  نشان‌دهنده بردار متغیرهای توضیحی مدل است که به دو دسته متغیرهای برون‌زا ( $X_{1it}$ ) و درون‌زا ( $X_{2it}$ ) تقسیم‌پذیر است. در این پژوهش، متغیرهای برون‌زا شامل نرخ تورم، تشکیل سرمایه ثابت ناچالص به GDP، و درجه باز بودن تجاری (نسبت مجموع صادرات و واردات به GDP) می‌شوند، و مقدار باوقفه رشد اقتصادی به عنوان متغیر درون‌زا در نظر گرفته می‌شود.  $\beta_1$  اثر نسبت بدھی بر رشد اقتصادی در کشورهایی با رژیم نسبت بدھی پایین، و  $\beta_2$  این اثر را در کشورهایی با رژیم نسبت بدھی بالا اندازه‌گیری می‌کند.  $\delta_1$  تفاوت را در عرض از مبدأ در رژیم‌های مختلف اندازه‌گیری می‌کند. با توجه به آرلانو و بوور<sup>۱</sup> (۱۹۹۵)، از وقفه‌های متغیر وابسته رشد اقتصادی ( $g_{it-p}, g_{it-2}, \dots, g_{it-1}$ ) به عنوان متغیرهای ابزاری استفاده می‌شود. نتایج ممکن است با توجه به تعداد متغیرهای ابزاری ( $p$ ) تغییر کنند، بنابراین مدل یکبار با در نظر گرفتن همه وقفه‌های متغیر ابزاری، و یکبار با در نظر گرفتن فقط یک وقفه از متغیر ابزاری تخمین زده می‌شود.

### روش تخمین

برای تخمین مدل پویای (۱)، در گام اول باید اثرهای ثابت خاص هر کشور<sup>۲</sup> حذف شوند. در مدل‌های پویا استفاده از روش تبدیل درونی<sup>۳</sup> هنسن (۱۹۹۹)، تخمین‌های ناسازگاری را ایجاد می‌کند، زیرا وقفه متغیر وابسته با میانگین جمله‌های خطأ همبستگی دارد. روش تبدیل تفاضل مرتبه اول<sup>۴</sup> نیز به همبستگی سریالی منفی جمله‌های خطأ در مدل‌های پویا منجر می‌شود. برای دوری از مشکلات اشاره شده از روش تبدیل انحراف‌های متعامد رو به جلو<sup>۵</sup> استفاده می‌شود که توسط آرلانو و بوور

1. Indicator Function
2. Arellano & Bover
3. Country-Specific Fixed Effects
4. Within Transformation
5. First Difference Transformation
6. Forward Orthogonal Deviations Transformation

(۱۹۹۵) پیشنهاد می‌شود. از ویژگی‌های بارز این روش، نبود همبستگی سریالی جمله‌های خطای تبدیل‌یافته<sup>۱</sup> است. در این روش، هر مشاهده از میانگین مشاهده‌های پیشارو کسر می‌شود. بنابراین، در خصوص جمله خطای این روش به صورت رابطه (۲) بیان می‌شود:

$$\varepsilon_{it}^* = \sqrt{\frac{T-t}{T-t+1}} \left[ \varepsilon_{it} - \frac{1}{T-t} (\varepsilon_{i(t+1)} + \dots + \varepsilon_{iT}) \right] \quad (2)$$

روش تخمین مدل (۱) به تبعیت از کانر و هنسن (۲۰۰۴)، مستلزم سه مرحله است. در مرحله اول، متغیرهای درون‌زا ( $X_{2it}$ ) به عنوان تابعی از متغیرهای ابزاری تخمین زده می‌شود و مقادیر پیش‌بینی شده آن‌ها ( $\hat{X}_{2it}$ ) در معادله (۱) جایگزین  $X_{2it}$  می‌شود. سپس در مرحله دوم معادله حاصل از مرحله اول با روش حداقل مربع‌ها برای مقدار آستانه‌ای  $\lambda$  تخمین زده می‌شود که مجموع مربع‌های پسمند حاصل ( $S(\lambda)$ ) نامیده می‌شود. این مرحله برای یک مجموعه از حدود آستانه‌ای تکرار می‌شود. در مرحله سوم، حد آستانه‌ای  $\lambda$  از تخمینی انتخاب می‌شود که حداقل مجموع مربع‌های پسمند را ایجاد کند. به عبارت دیگر،  $\hat{\lambda} = \operatorname{argmin} S_n(\lambda)$ . بر اساس هنسن (۲۰۰۰)، و کانر و هنسن (۲۰۰۴)، مقادیر بحرانی برای تعیین فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای حد آستانه‌ای  $\lambda$  از طریق رابطه (۳) تعیین می‌شود:

$$\Gamma = \{\lambda : LR(\lambda) \leq C(\alpha)\} \quad (3)$$

به‌طوری که  $C(\alpha)$  صد ک٪ از توزیع مجانبی آماره نسبت احتمال  $LR(\lambda)$  است. پس از تعیین  $\hat{\lambda}$ ، ضرایب معادله (۱) با روش GMM تخمین زده می‌شوند.

## داده‌های پژوهش

در این پژوهش از یک پانل شامل ۳۴ کشور<sup>۱</sup> با درآمد بالا<sup>۲</sup> برای دوره زمانی ۲۰۱۷-۲۰۰۰ استفاده می‌شود. متغیرهای مورد استفاده شامل داده‌های سالانه مربوط به نسبت بدهی (بدهی عمومی دولت به GDP)، رشد اقتصادی (نرخ رشد GDP واقعی)، نرخ تورم، تشکیل سرمایه ثابت ناخالص به GDP و درجه باز بودن تجاری (نسبت مجموع صادرات و واردات به GDP) است. داده‌های مورد استفاده از بخش شاخص‌های توسعه جهانی (WDI)<sup>۳</sup> از پایگاه داده‌های بانک جهانی<sup>۴</sup> استخراج می‌شوند. داده‌های مربوط به نسبت بدهی از پایگاه صندوق بین‌المللی (IMF)<sup>۵</sup> پول استخراج می‌شوند. آمارهای توصیفی مربوط به متغیرهای مورد استفاده در جدول (۱) گزارش می‌شوند.

جدول ۱: آمارهای توصیفی

متغیر	نسبت مجموع صادرات و واردات به GDP	تشکیل سرمایه ثابت ناخالص به GDP	نرخ تورم	نسبت بدهی	رشد اقتصادی	میانگین انحراف معیار	کمینه	بیشینه
						۲/۵۰۶	۳/۳۹۳۰	-۱۴/۸۱۴
						۵۴/۰۳۱۹	۳۷/۹۷۰	۸۲۸/۰
						۲/۵۶۱	۲/۸۱۴	-۴/۴۷۸
						۲۲/۴۲۹	۴/۱۱۰۸	۱۱/۵۴۴
						۱۰۵/۱۳۸	۷۸/۷۴۰	۱۹/۷۹۸
								۲۵/۱۱۷

۱. کشورهای مورد استفاده در تخمین مدل شامل استرالیا، اتریش، بلژیک، کانادا، قبرس، جمهوری چک، دانمارک، استونی، فنلاند، یونان، فرانسه، آلمان، ایسلند، ایرلند، ایتالیا، ژاپن، کره جنوبی، لاتویا، لیتوانی، لوکزامبورگ، مالتا، نیوزلند، نروژ، لهستان، پرتغال، روسیه، سنگاپور، اسلوونی، اسپانیا، سوئد، سویس، انگلستان، آمریکا، و ارگوئه.

۲. دلیل این که فقط از کشورهایی با درآمد بالا استفاده می‌شود، وجود داده‌های مربوط به متغیرهای مورد استفاده در طول دوره مورد بررسی، بهویژه داده‌های مربوط به نسبت بدهی است. از سویی دیگر، در این کشورها نسبت بدهی، بهویژه از زمان شروع بحران مالی جهانی ۲۰۰۸، افزایش چشمگیری داشته است، در حالی که نسبت بدهی در اقتصادهای نوظهور در نرخ‌های بهنسبت متوسط باقی مانده است.

3. World Development Indicators (WDI)

4. <https://databank.worldbank.org/reports.aspx?source=world-development-indicators>

5. [https://www.imf.org/external/datamapper/GG\\_DEBT\\_GDP@GDD](https://www.imf.org/external/datamapper/GG_DEBT_GDP@GDD)

## نتایج تجربی

جدول (۲)، نتایج تخمین معادله (۱) را با استفاده از مدل آستانه‌ای پانل پویا برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی در کشورهایی با درآمد بالا نشان می‌دهد.<sup>۱</sup> در بخش بالایی این جدول حد آستانه‌ای نسبت بدھی ( $\hat{\lambda}$ ) و فاصله اطمینان ۹۵ درصدی متناظر با آن گزارش می‌شود.  $\hat{\beta}_1$  و  $\hat{\beta}_2$  تأثیر نسبت بدھی بر رشد اقتصادی را قبل و بعد از حد آستانه‌ای تخمین زده شده نشان می‌دهند و  $\hat{\delta}_1$  تفاوت را در عرض از مبدای رژیم‌های مختلف اندازه گیری می‌کند. نتایج ارائه شده در جدول (۲)، نشان می‌دهند که مقدار آستانه‌ای برآورده شده برای نسبت بدھی در دوره ۲۰۰۰–۲۰۱۷ برابر با مقدار GDP و با فاصله اطمینان ۹۳/۹۷–۸۵/۸۵ است. نتایج همچنین نشان می‌دهند که نسبت بدھی در دو رژیم با نسبت بدھی پایین و بالا (قبل و بعد از مقدار آستانه‌ای برآورده شده)، اثر منفی و معناداری بر رشد اقتصادی دارد، در حالی که در رژیم‌هایی با نسبت بدھی بالا (بعد از مقدار آستانه‌ای برآورده شده)، نسبت بدھی اثر منفی شدیدتری بر رشد اقتصادی می‌گذارد، به طوری که یک درصد افزایش در نسبت بدھی در رژیم با نسبت بدھی پایین به کاهش ۱/۰۱۸ درصدی در رشد اقتصادی منجر می‌شود و در رژیم با نسبت بدھی بالا کاهش ۴/۲۶۵ درصدی در رشد اقتصادی ایجاد می‌کند. بنابراین بر اساس یافته‌های پژوهش، کسری بودجه دولت و متعاقب آن، افزایش در بدھی دولت اثر منفی بر رشد اقتصادی حتی قبل از حد آستانه‌ای برآورده شده دارد، اگرچه این اثر منفی بعد از حد آستانه‌ای برآورده به مرتب بیشتر است. بنابراین، هدفگذاری یک سطح نسبت بدھی بالاتر برای ایجاد رشد اقتصادی سیاست مناسبی به نظر نمی‌رسد، اگرچه سطوح پایین نسبت بدھی نیز مشکلاتی برای رشد اقتصادی ایجاد می‌کند.

در توجیه رابطه غیرخطی بین بدھی دولت و رشد اقتصادی نظریه‌هایی مطرح می‌شود، از جمله این که با افزایش بدھی و فراتر رفتن آن از یک حد آستانه‌ای، توانایی قرض‌گیرندگان برای بازپرداخت بدھی در نتیجه کاهش درآمد و فروش، و همچنین افزایش نرخ بهره به طور فزاینده‌ای کاهش می‌یابد. به عبارت دیگر، هرچه بدھی بالاتر باشد، وقوع یک شوک منفی و احتمال ناتوانی در بازپرداخت بدھی افزایش می‌یابد. در این شرایط مصرف و سرمایه‌گذاری با کاهش تمایل قرض‌دهندگان به اعطای وام بیشتر، به علت نکول بالای بدھی، کاهش می‌یابد که می‌تواند اثرهای منفی بر رشد اقتصادی ایجاد نماید. بنابراین،

۱. برای نتایج حاصل از تخمین مدل، از کدهای برآورده شده کرم و همکاران (۲۰۱۳) استفاده می‌شود که با نرم‌افزار متلب تهیه شده و در اختیار سایر پژوهشگران قرار گرفته است.

هرچه سطح بدھی بالاتر باشد، تاثیر منفی بر رشد اقتصادی بیشتر است (Cecchetti *et al.*, 2011).

**جدول ۲: نتایج تخمین مدل پانل آستانه‌ای پویا**

۹۳/۹۷	$\hat{\lambda}$
[۲۲/۸۵-۹۹/۳۸]	[فاصله اطمینان ۹۵ درصد برای ]
-۱/۰۱۸ (۰/۴۳۳)***	$\widehat{\beta}_1$
-۴/۲۶۵ (۱/۸۶۶)***	$\widehat{\beta}_2$
۰/۵۰۸ (۰/۰۹۶)***	<i>initial</i>
-۰/۲۱۳ (۰/۰۹۹)***	<i>inf</i>
۱/۹۸۴ (۱/۷۸۶)	<i>inv</i>
۴/۶۸۹ (۱/۳۴۸)***	<i>trade</i>
-۱۶/۵۱۹ (-۸/۲۳۶)***	$\widehat{\delta}_1$
۵۲۱	تعداد مشاهده‌ها
۳۴	تعداد کشورها (N)

اعداد داخل پرانتز نشان‌دهنده انحراف معیار ضرایب تخمین‌زده شده هستند. \*\*\* نشان‌دهنده معناداری در سطح ۹۹ درصد است. *inv* بیانگر نرخ تورم، *inv* نشان‌دهنده تشکیل سرمایه ثابت ناخالص به GDP، *trade* معرف درجه باز بودن تجاری (نسبت مجموع صادرات و واردات به GDP)، و *initial* نشان‌دهنده مقدار باوقفه متغیر رشد اقتصادی است. مقدار ضرایب تخمین‌زده شده مربوط به ضرایب معرفی شده در مدل (۱) است.

### بحث و نتیجه‌گیری

این پژوهش رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی را در ۳۴ کشور با درآمد بالا بررسی می‌کند و حد آستانه‌ای نسبت بدھی این کشورها را از روش پانل آستانه‌ای پویا برآورد می‌کند که توسط کرم و همکاران (۲۰۱۳) ارائه می‌شود. با توجه به افزایش نسبت بدھی به تولید ناخالص داخلی در دهه‌های اخیر، بهویژه بعد از بحران مالی جهانی سال ۲۰۰۸ و کاهش متوسط رشد اقتصادی در کشورهای مورد بررسی در سال‌های بعد از بحران مالی جهانی نسبت به سال‌های قبل از آن، پژوهشگران بسیاری به بررسی ارتباط بین بدھی عمومی و رشد اقتصادی می‌پردازند.

مزیت استفاده از روشی که در پژوهش حاضر برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی بکار گرفته می‌شود این است که حد آستانه‌ای نسبت بدھی را به صورت درونزا و با توجه به ساختار داده‌های مورد استفاده تعیین می‌کند. به علاوه، در این روش الزام بروزنزایی همه متغیرهای مستقل مدل وجود ندارد، در حالی که این الزام در مدل پانل آستانه‌ای هنسن (۱۹۹۹) وجود دارد. همچنین، مدل رشد اقتصادی به ذات یک فرایند پویاست. بنابراین، استفاده از یک روش پانل پویا برای بررسی رابطه غیرخطی بین بدھی و رشد اقتصادی مناسب‌تر از مدل ایستای پانل آستانه‌ای هنسن (۱۹۹۹) است.

نتایج تخمین مدل با استفاده از روش پانل آستانه‌ای پویا برای ۳۴ کشور با درآمد بالا در دوره ۲۰۰۰-۲۰۱۷ نشان می‌دهند که مقدار آستانه‌ای برآورده شده برای نسبت بدھی در حدود ۹۴ درصد GDP است. نتایج همچنین نشان می‌دهند که نسبت بدھی قبل و بعد از این مقدار آستانه‌ای برآورده شده اثر منفی و معناداری بر رشد اقتصادی دارد، اگرچه بعد از حد آستانه‌ای برآورده میزان این اثر منفی به مراتب شدیدتر است. بنابراین، سیاست کسری بودجه دولت و متعاقب آن هدفگذاری یک سطح نسبت بدھی بالاتر برای ایجاد رشد اقتصادی سیاست مناسبی به نظر نمی‌رسد، اگرچه سطوح پایین نسبت بدھی نیز مشکلاتی برای رشد اقتصادی ایجاد می‌کند.

## منابع

### الف) انگلیسی

- Arellano, M., & Bover, O. (1995). Another Look at the Instrumental Variable Estimation of Error-Components Models. *Journal of Econometrics*, 68(1), 29-51.
- Baum, A., Checherita-Westphal, C., & Rother, P. (2013). Debt and Growth: New Evidence for the Euro Area. *Journal of International Money and Finance*, 32(1), 809-821.
- Bräuninger, M. (2005). The Budget Deficit, Public Debt, and Endogenous Growth. *Journal of Public Economic Theory*, 7(5), 827-840.
- Brida, J. G., Gómez, D. M., & Seijas, M. N. (2017). Debt and Growth: A Non-Parametric Approach. *Physica A: Statistical Mechanics and Its Applications*, 486(1), 883-894.
- Caner, M., & Hansen, B. E. (2004). Instrumental Variable Estimation of a Threshold Model. *Econometric Theory*, 20(5), 813-843.
- Cecchetti, S. G., Mohanty, M. S., & Zampolli, F. (2011). The Real Effects of Debt. *BIS Working Paper*, No. 352.
- Checherita-Westphal, C., & Rother, P. (2012). The Impact of High Government Debt on Economic Growth and Its Channels: An Empirical Investigation for the Euro Area.

- European Economic Review*, 56(7), 1392-1405.
- Eberhardt, M. M., & Presbitero, A. (2013). *This Time They are Different: Heterogeneity and Nonlinearity in the Relationship between Debt and Growth*: International Monetary Fund.
- Égert, B. (2015). Public Debt, Economic Growth and Nonlinear Effects: Myth or Reality? *Journal of Macroeconomics*, 43(1), 226-238.
- Futagami, K., Hori, T., & Ohdoi, R. (2010). Debt Policy and Economic Growth in a Small Open Economy Model with Productive Government Spending. *ADBI Working Paper*, No. 212.
- Gale, W. G., & Orszag, P. R. (2003). Economic Effects of Sustained Budget Deficits. *National Tax Journal*, 56(3), 463-485.
- Hansen, B. E. (1999). Threshold Effects in Non-Dynamic Panels: Estimation, Testing, and Inference. *Journal of Econometrics*, 93(2), 345-368.
- Hansen, B. E. (2000). Sample Splitting and Threshold Estimation. *Econometrica*, 68(3), 575-603.
- Karadam, D. Y. (2018). An Investigation of Nonlinear Effects of Debt on Growth. *The Journal of Economic Asymmetries*, 18(1), e00097.
- Kremer, S., Bick, A., & Nautz, D. (2013). Inflation and Growth: New Evidence from a Dynamic Panel Threshold Analysis. *Empirical Economics*, 44(2), 861-878.
- Krugman, P. (1988). Financing vs. Forgiving a Debt Overhang. *NBER Working Paper*, No. 2486.
- Kumar, M. M. S., & Baldacci, M. E. (2010). *Fiscal Deficits, Public Debt, and Sovereign Bond Yields*: International Monetary Fund.
- Pescatori, A., Sandri, D., & Simon, J. (2014). *Debt and Growth: Is There a Magic Threshold?* International Monetary Fund.
- Poirson, M. H., Ricci, M. L. A., & Pattillo, M. C. A. (2004). *What Are the Channels Through Which External Debt Affects Growth?* International Monetary Fund.
- Reinhart, C. M., & Rogoff, K. S. (2010). Growth in a Time of Debt. *American Economic Review*, 100(2), 573-578.